

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

**Физико-математический факультет**  
**Кафедра алгебры и геометрии**

УТВЕРЖДАЮ  
И. о. проректора по УР  
М. Х. Чанкаев  
«30» апреля 2025 г., протокол № 8

**Рабочая программа дисциплины**  
**МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ И МОДЕЛИ**

*(наименование дисциплины (модуля))*

Направление подготовки

**01.03.02 «Прикладная математика и информатика»**

*(шифр, название направления)*

Направленность (профиль):

**«Общий профиль: прикладная математика и информатика»**

Квалификация выпускника

***бакалавр***

Форма обучения

***очная***

Год начала подготовки - **2023**

Карачаевск, 2025

*Программу составил:*

Доцент кафедры алгебры и геометрии Х. А. Гербеков

Рабочая программа дисциплины «Математические методы и модели» составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика, утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 10.01.2018 № 9, основной профессиональной образовательной программой высшего образования и учебным планом по направлению подготовки 01.03.02 "Прикладная математика и информатика", профиль: «Прикладная математика и информатика (общий профиль)».

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры алгебры и геометрии на 2025-2026 учебный год, протокол **№ 8 от 10 апреля 2025г.**

## Оглавление

1. Наименование дисциплины (модуля).....	4
2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы .....	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	4
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся .....	5
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.....	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах).....	6
6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы.....	7
7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю) .....	9
7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций .....	9
7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания .....	10
7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины .....	10
7.3.1. Перечень вопросов для экзамена .....	10
7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций .....	12
7.3.3. Оценочные материалы. Варианты контрольных работ .....	12
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).....	13
8.1. Основная литература: .....	13
8.2. Дополнительная литература .....	14
9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля) .....	14
9.1. Общесистемные требования .....	14
9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины.....	15
9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения .....	15
9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы .....	15
10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья .....	16
11. Лист регистрации изменений .....	17

## 1. Наименование дисциплины (модуля)

### *Математические методы и модели*

**Целью** изучения дисциплины является: формирование у будущих специалистов современных теоретических знаний в области математического моделирования и исследования операций.

#### **Для достижения цели ставятся задачи:**

- изучить необходимый понятийный аппарат, необходимый для изучения дисциплины;
- овладеть фундаментальными методами теории математического моделирования;
- описать основные математические методы построения моделей различных типов;
- обучить применять основные методы математического моделирования различных объектов;
- обсудить условия применимости различных математических теорий для построения математических моделей.

## 2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Данная дисциплина (модуль) относится к Блоку 1.

Дисциплина (модуль) изучается на 4 курсе в 8 семестре.

<b>МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП</b>	
Индекс	Б1.В.ДВ.11.03
<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
Для успешного освоения дисциплины студент должен иметь базовую подготовку по алгебре, элементарной математике, теории вероятностей, математической статистике, программированию.	
<b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
Изучение дисциплины необходимо для успешного освоения дисциплин профессионального цикла и практик, формирующих компетенции ПК-1, ПК-2	

## 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

В результате освоения ОП ВО бакалавриата обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине (модулю):

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ ОПВО	Индикаторы достижения компетенций
ПК-1	ПК-1. Способен собирать, обрабатывать и интерпретировать данные современных научных исследований, необходимые для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям	ПК-1.1. Знает методологию научных исследований, основные научные понятия и проблемы, существующие в своей профессиональной деятельности ПК-1.2. Умеет самостоятельно анализировать и решать научные, научно-исследовательские задачи в области прикладной математики и ее приложений, а также компьютерных технологий ПК-1.3. Владеет навыками сбора и работы с источниками

		ками научной информации
ПК-2	ПК-2. Способен понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат	<p>ПК-2.1. Знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы</p> <p>ПК-2.2. Умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач</p> <p>ПК-2.3. Владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач</p>

**4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 5 ЗЕТ, 180 академических часов.

Объём дисциплины	Всего часов	
	для очной формы обучения	для заочной формы обучения
<b>Общая трудоемкость дисциплины</b>	180	Не предусмотрена
<b>Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий)* (всего)</b>		
<b>Аудиторная работа (всего):</b>	78	
в том числе:		
лекции	26	
семинары, практические занятия	52	
практикумы		
лабораторные работы		
<b>Внеаудиторная работа:</b>		
курсовые работы		
консультация перед экзаменом		
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем), рефераты, контрольные работы и др.		
<b>Самостоятельная работа обучающихся (всего)</b>	84	
<b>Контроль самостоятельной работы</b>	18	
<b>Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет / экзамен)</b>	Экзамен в 8 семестре	

**5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)**

**Очная форма обучения**

№ п/п	Курс/ се- мestr	Раздел, тема дисциплины	Общая трудо- емкость (в ча- сах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и тру- доемкость (в часах)			
				всего	Аудиторные уч. за- нятия		
				Лек.	Пр.	Лаб.	
		<b>Раздел 1. Основные принципы математического моделирования.</b>	<b>21</b>	<b>4</b>	<b>6</b>	<b>-</b>	<b>11</b>
1	4/8	Элементарные математические модели в механике, гидродинамике, электродинамике. Универсальность математических моделей	5	2		-	3
2	4/8	Методы построения математических моделей на основе фундаментальных законов природы. Вариационные принципы построения математических моделей	5	-	2	-	3
3	4/8	Методы исследования математических моделей. Устойчивость. Проверка адекватности математических моделей	6	2	2	-	2
4	4/8	Математические модели в научных исследованиях. Математические модели в статистической механике, экономике, биологии	5	-	2	-	3
		<b>Раздел 2. Предмет и задачи исследования операций</b>	<b>12</b>	<b>2</b>	<b>4</b>	<b>-</b>	<b>6</b>
5	4/8	Проблема принятия решения и её эволюция. Основные понятия исследования операций. Сущность и принципы системного подхода	7	2	2	-	3
6	4/8	Прямые и обратные задачи исследования операций. Операционные модели	5	-	2	-	3
		<b>Раздел 3. Линейное программирование</b>	<b>40</b>	<b>8</b>	<b>12</b>	<b>-</b>	<b>20</b>
7	4/8	Общая задача линейного программирования Основные свойства задач линейного программирования	5	2	-	-	3
8	4/8	Метод последовательного улучшения плана (симплекс-метод)	5	-	2	-	3
9	4/8	Двойственность в линейном программировании	6	2	2	-	2
10	4/8	Постоптимальный анализ решения задачи линейного программирования	5	-	2	-	3
11	4/8	Параметрическое программирование	7	2	2	-	3
12	4/8	Специальные задачи линейного программирования	5	-	2	-	3
13	4/8	Элементы теории графов и оптимизации на сетях	7	2	2	-	3
		<b>Раздел 4. Нелинейное программирование</b>	<b>23</b>	<b>4</b>	<b>8</b>	<b>-</b>	<b>11</b>
14	4/8	Решение задач условной оптимизации методом Лагранжа. Градиентные методы решения задач безусловной оптимизации	6	2	2	-	2
15	4/8	Метод наискорейшего спуска. Метод дробле-	5	-	2	-	3

		ния шага					
16	4/8	Оптимизационные задачи для выпуклых функций. Метод допустимых направлений	7	2	2	-	3
17	4/8	Двойственность в задачах нелинейного программирования	5	-	2	-	3
<b>Раздел 5. Динамическое программирование</b>			<b>20</b>	<b>2</b>	<b>8</b>		<b>10</b>
18	4/8	Общая структура динамического программирования. Задача динамического программирования	6	2	2	-	2
19	4/8	Решение задач в динамическом программировании	5	-	2	-	3
20	4/8	Основная идея и особенности вычислительно-го метода динамического программирования	4	-	2	-	2
21	4/8	Общая постановка и алгоритм решения задач методом динамического программирования	5	-	2	-	3
<b>Раздел 6. Целочисленное программирование</b>			<b>6</b>	<b>2</b>	<b>2</b>	-	<b>2</b>
22	4/8	Решение целочисленной задачи распределения ресурсов методом динамического программирования	6	2	2	-	2
<b>Раздел 7. Специальные экономико-математические модели</b>			15	2	4	-	9
23	4/8	Экономико-математическая модель межотраслевого баланса (модель Леонтьева)	5	2	-	-	3
24	4/8	Анализ экономических показателей на основе межотраслевых балансовых моделей	5	-	2	-	3
25	4/8	Модели управления запасами	5	-	2	-	3
<b>Раздел 8. Стохастические модели</b>			<b>25</b>	<b>2</b>	<b>8</b>	-	<b>15</b>
26		Случайные процессы. Простейший поток событий	5	2	-	-	3
27	4/8	Вероятностные модели динамических систем	5	-	2	-	3
28	4/8	Системы массового обслуживания	5	-	2	-	3
29	4/8	Метод статистических испытаний	5	-	2	-	3
30	4/8	Задачи управления запасами	5	-	2	-	3
<b>Контроль: 18 часов</b>							
<b>ВСЕГО</b>			<b>162+</b> <b>18</b> <b>(контроль)</b>	<b>26</b>	<b>52</b>		<b>84</b>
<b>Форма итогового контроля:</b> экзамен							

## 6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы

**Лекционные занятия.** Лекция является основной формой учебной работы в вузе, она является наиболее важным средством теоретической подготовки обучающихся. На лекциях рекомендуется деятельность обучающегося в форме активного слушания, т.е. предполагается возможность задавать вопросы на уточнение понимания темы и рекомендуется конспектирование основных положений лекции. Основная дидактическая цель лекции - обеспечение ориентированной основы для дальнейшего усвоения учебного материала. Лекторами активно используются: лекция-диалог, лекция - визуализация, лекция - презентация. Лекция - беседа, или «диалог с аудиторией», представляет собой непосредственный контакт преподавателя с аудиторией. Ее преимущество состоит в том, что она позволяет привлекать внимание слушателей к наиболее важным вопросам темы, определять содержание и темп изложения учебного материала с учетом особенностей аудитории.

Участие обучающихся в лекции – беседе обеспечивается вопросами к аудитории, которые могут быть как элементарными, так и проблемными.

Главной задачей каждой лекции является раскрытие сущности темы и анализ ее основных положений. Рекомендуется на первой лекции довести до внимания студентов структуру дисциплины и его разделы, а в дальнейшем указывать начало каждого раздела (модуля), суть и его задачи, а, закончив изложение, подводить итог по этому разделу, чтобы связать его со следующим. Содержание лекций определяется настоящей рабочей программой дисциплины. Для эффективного проведения лекционного занятия рекомендуется соблюдать последовательность ее основных этапов:

1. формулировку темы лекции;
2. указание основных изучаемых разделов или вопросов и предполагаемых затрат времени на их изложение;
3. изложение вводной части;
4. изложение основной части лекции;
5. краткие выводы по каждому из вопросов;
6. заключение;
7. рекомендации литературных источников по излагаемым вопросам.

**Практические занятия.** Дисциплины, по которым планируются практические занятия, определяются учебными планами. Практические занятия относятся к основным видам учебных занятий и составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки. Выполнение студентом практических занятий направлено на:

- обобщение, систематизацию, углубление, закрепление полученных теоретических знаний по конкретным темам дисциплин математического и общего естественно-научного, общепрофессионального и профессионального циклов;
- формирование умений применять полученные знания на практике, реализацию единства интеллектуальной и практической деятельности;
- развитие интеллектуальных умений у будущих специалистов: аналитических, проектировочных, конструктивных и др.;
- выработку при решении поставленных задач таких профессионально значимых качеств, как самостоятельность, ответственность, точность, творческая инициатива. Методические рекомендации разработаны с целью единого подхода к организации и проведению практических занятий.

Практическое занятие — это форма организации учебного процесса, направленная на выработку у студентов практических умений для изучения последующих дисциплин (модулей) и для решения профессиональных задач. Практическое занятие должно проводиться в учебных кабинетах или специально оборудованных помещениях. Необходимыми структурными элементами практического занятия, помимо самостоятельной деятельности студентов, являются анализ и оценка выполненных работ и степень овладения студентами запланированными умениями. Дидактические цели практических занятий: формирование умений (аналитических, проектировочных, конструктивных), необходимых для изучения последующих дисциплин (модулей) и для будущей профессиональной деятельности.

В процессе подготовки к практическим занятиям, обучающимся необходимо обратить особое внимание на самостоятельное изучение рекомендованной учебно-методической (а также научной и популярной) литературы. Самостоятельная работа с учебниками, учебными пособиями, научной, справочной и популярной литературой, материалами периодических изданий и Интернета, статистическими данными является наиболее эффективным методом получения знаний, позволяет значительно активизировать

вать процесс овладения информацией, способствует более глубокому усвоению изучаемого материала, формирует у обучающихся свое отношение к конкретной проблеме. Более глубокому раскрытию вопросов способствует знакомство с дополнительной литературой, рекомендованной преподавателем по каждой теме семинарского или практического занятия, что позволяет обучающимся проявить свою индивидуальность в рамках выступления на данных занятиях, выявить широкий спектр мнений по изучаемой проблеме.

**Образовательные технологии.** При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения. Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач, публичная презентация проекта и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

## 7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

### 7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций

Компетенции	Зачтено			Не зачтено
	Высокий уровень (отлично) (86-100% баллов)	Средний уровень (хорошо) (71-85% баллов)	Низкий уровень (удовлетворительно) (56-70% баллов)	Ниже порогового уровня (неудовлетворительно) (до 55% баллов)
ПК-1. Способен собирать, обрабатывать и интерпретировать данные современных научных исследований, необходимые для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям	ПК-1.1. В полном объеме знает методологию научных исследований, основные научные понятия и проблемы, существующие в своей профессиональной деятельности	ПК-1.1. Знает методологию научных исследований, основные научные понятия и проблемы, существующие в своей профессиональной деятельности	ПК-1.1. Фрагментарно знает методологию научных исследований, основные научные понятия и проблемы, существующие в своей профессиональной деятельности	ПК-1.1. Не знает методологию научных исследований, основные научные понятия и проблемы, существующие в своей профессиональной деятельности
	ПК-1.2. В полном объеме умеет самостоятельно анализировать и решать научные, научно-исследовательские задачи в области прикладной математики и ее приложений, а также компьютерных технологий	ПК-1.2. Умеет самостоятельно анализировать и решать научные, научно-исследовательские задачи в области прикладной математики и ее приложений, а также компьютерных технологий	ПК-1.2. Частично умеет самостоятельно анализировать и решать научные, научно-исследовательские задачи в области прикладной математики и ее приложений, а также компьютерных технологий	ПК-1.2. Не умеет самостоятельно анализировать и решать научные, научно-исследовательские задачи в области прикладной математики и ее приложений, а также компьютерных технологий

	ПК-1.3. В полном объеме владеет навыками сбора и работы с источниками научной информации	ПК-1.3. Владеет навыками сбора и работы с источниками научной информации	ПК-1.3. Фрагментарно владеет навыками сбора и работы с источниками научной информации	ПК-1.3. Не владеет навыками сбора и работы с источниками научной информации
ПК-2. Способен понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат	ПК-2.1. В полном объеме знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы	ПК-2.1. Знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы	ПК-2.1. Фрагментарно знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы	ПК-2.1. Не знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы
	ПК-2.2. В полном объеме умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач	ПК-2.2. Умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач	ПК-2.2. Частично умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач	ПК-2.2. Не умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач
	ПК-2.3. В полном объеме владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач	ПК-2.3. Владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач	ПК-2.3. Частично владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач.	ПК-2.3. Не владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач

## **7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания**

Порядок функционирования внутренней системы оценки качества подготовки обучающихся и перевод балльно-рейтинговых показателей обучающихся в отметки традиционной системы оценивания проводится в соответствии с положением КЧГУ «Положение о балльно-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся», размещенным на сайте Университета по адресу: <https://kchgu.ru/inye-lokalnye-akty/>

## **7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины**

### **7.3.1. Перечень вопросов для экзамена**

1. Элементарные математические модели в механике, гидродинамике, электродинамике.
2. Универсальность математических моделей.
3. Методы построения математических моделей на основе фундаментальных законов природы.
4. Вариационные принципы построения математических моделей.
5. Методы исследования математических моделей.
6. Устойчивость. Проверка адекватности математических моделей.
7. Математические модели в научных исследованиях.
8. Математические модели в статистической механике, экономике, биологии.
9. Предмет и разделы теории исследования операций.
10. Математическая модель операции. Принцип гарантированного результата.
11. Понятие задачи линейного программирования.
12. Различные формы ее записи и их эквивалентность.
13. Геометрический метод решения простейших задач линейного программирования.

14. Опорные точки допустимого множества канонической задачи линейного программирования.
15. Основная идея симплекс-метода.
16. Описание симплекс-метода.
17. Методы поиска начальной опорной точки.
18. Основные факты теории двойственности стандартных задач линейного программирования.
19. Примеры использования теории двойственности в линейном программировании.
20. Общее понятие двойственной задачи в математическом программировании.
21. Понятия и примеры целочисленных задач линейного программирования.
22. Общая идея методов отсечения.
23. Общая схема методов ветвей и границ.
24. Метод ветвей и границ для решения целочисленных задач линейного программирования.
25. Транспортная задача и методы ее решения.
26. Определение двуполюсной сети, потока. Задача о максимальном потоке. Алгоритм Форда-Фалкерсона.
27. Понятие сетевого графика. Постановка основной задачи календарного планирования.
28. Лемма У. Гиббса и принцип уравнивания Ю.Б. Гермейера, их взаимосвязь.
29. Понятия выпуклой и вогнутой функции. Операции над выпуклыми функциями, сохраняющие выпуклость.
30. Численные методы решения задач нелинейного программирования (метод возможных направлений, метод штрафных функций, метод барьерных функций).
31. Дифференциальные признаки выпуклости функций.
32. Понятия глобального и локального решения задачи оптимизации. Особенности выпуклой задачи оптимизации. Теорема Вейерштрасса.
33. Понятие необходимых и достаточных условий оптимальности. Условия оптимальности в общей задаче оптимизации.
34. Понятие и классификация задач математического программирования. Геометрический метод решения задачи математического программирования с двумя переменными.
35. Правило множителей Лагранжа для классической задачи на условный экстремум. Пример его использования.
36. Принцип Лагранжа для общей задачи математического программирования. Понятие условия регулярности. Теорема Куна-Таккера для задачи выпуклого программирования.
37. Примеры использования принципа Лагранжа и теоремы Куна-Таккера. Задачи распределения ресурсов.
38. Понятие задачи динамического программирования. Задача о замене оборудования. Задача распределения ресурсов как задача динамического программирования.
39. Метод динамического программирования. Принцип оптимальности Беллмана.
40. Решение целочисленной задачи распределения ресурсов методом динамического программирования.
41. Задача динамического программирования. Общая структура динамического программирования.
42. Решение задач в динамическом программировании.
43. Основная идея и особенности вычислительного метода динамического программирования.

44. Общая постановка и алгоритм решения задач методом динамического программирования.
45. Случайные процессы. Простейший поток событий
46. Вероятностные модели динамических систем.
47. Системы массового обслуживания.
48. Метод статистических испытаний.
49. Экономико-математическая модель межотраслевого баланса (модель Леонтьева).
50. Анализ экономических показателей на основе межотраслевых балансовых моделей.
51. Модели управления запасами.
52. Случайные процессы. Простейший поток событий.
53. Вероятностные модели динамических систем.
54. Системы массового обслуживания.
55. Метод статистических испытаний.
56. Задачи управления запасами.

#### **Критерии оценки ответа на экзамене по дисциплине**

##### **«Математические методы и модели»:**

1. 5 баллов - если ответ показывает глубокое и систематическое знание всего программного материала и структуры конкретного вопроса, а также основного содержания и новаций лекционного курса по сравнению с учебной литературой. Студент демонстрирует отчетливое и свободное владение концептуально-понятийным аппаратом, научным языком и терминологией соответствующей научной области. Логически корректное и убедительное изложение ответа на теоретический вопрос. Правильно решены задачи в билете.

2. 4 - балла - знание узловых проблем программы и основного содержания лекционного курса; умение пользоваться концептуально-понятийным аппаратом в процессе анализа основных проблем в рамках данной темы. В целом логически корректное, но не всегда точное и аргументированное изложение ответа. Ошибка незначительная при решении задачи в билете.

3. 3 балла – фрагментарные, поверхностные знания важнейших разделов программы и содержания лекционного курса; затруднения с использованием научно-понятийного аппарата и терминологии учебной дисциплины; частичные затруднения с выполнением предусмотренных программой заданий; стремление логически определенно и последовательно изложить ответ.

4. 2 балла – незнание, либо отрывочное представление о данной проблеме в рамках учебно-программного материала; неумение использовать понятийный аппарат; отсутствие логической связи в ответе.

#### **7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций**

#### **7.3.3. Оценочные материалы. Варианты контрольных работ**

##### **Типовые темы к письменным работам, докладам и выступлениям:**

1. Специальные задачи линейного программирования
2. Экономико-математическая модель межотраслевого баланса (модель Леонтьева)

##### **Критерии оценки доклада, сообщения, реферата:**

Отметка «отлично» за письменную работу, реферат, сообщение ставится, если изложенный в докладе материал:

- отличается глубиной и содержательностью, соответствует заявленной теме;
- четко структурирован, с выделением основных моментов;
- сделана качественная презентация;
- доклад сделан кратко, четко, с выделением основных данных;
- на вопросы по теме доклада получены полные исчерпывающие ответы.

Отметка «хорошо» ставится, если изложенный в докладе материал:

- характеризуется достаточным содержательным уровнем, но отличается недостаточной структурированностью;
- доклад длинный, не вполне четкий;
- на вопросы по теме доклада получены полные исчерпывающие ответы только после наводящих вопросов, или не на все вопросы.

Отметка «удовлетворительно» ставится, если изложенный в докладе материал:

- недостаточно раскрыт, носит фрагментарный характер, слабо структурирован;
- докладчик слабо ориентируется в излагаемом материале;
- на вопросы по теме доклада не были получены ответы или они не были правильными.

Отметка «неудовлетворительно» ставится, если:

- доклад не сделан;
- докладчик не ориентируется в излагаемом материале;
- на вопросы по выполненной работе не были получены ответы или они не были правильными.

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

### ***8.1. Основная литература:***

1. Ананьев, Б. И. Модели финансовой математики: учебное пособие / Б. И. Ананьев, Н. В. Гредасова. - Екатеринбург: Изд-во Уральского ун-та, 2019. - 108 с. - ISBN 978-5-7996-2637-2. - Текст: электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1946370> – Режим доступа: по подписке
2. Колемаев, В. А. Математические методы и модели исследования операций: учебник для студентов вузов, обучающихся по специальности 080116 «Математические методы в экономике» и другим экономическим специальностям / В. А. Колемаев; под ред. В. А. Колемаева. - Москва: ЮНИТИ-ДАНА, 2012. - 592 с. - ISBN 978-5-238-01325-1. - Текст: электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/391871>
3. Самарский, А. А. Математическое моделирование: Идеи. Методы. Примеры / А. А. Самарский, А. И. Михайлов.- 2-е изд., испр.- Москва: Физматлит, 2001.- 320 с.- ISBN 5-9221-0120-X.- URL: [https://old.rusneb.ru/catalog/000199\\_000009\\_000721455/](https://old.rusneb.ru/catalog/000199_000009_000721455/) – Текст: электронный
4. Шапкин, А. С. Математические методы и модели исследования операций: учебник / А. С. Шапкин, В. А. Шапкин. — 7-е изд, — Москва: Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2019. - 398 с - ISBN 978-5-394-02736-9. - Текст: электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1091193> – Режим доступа: по подписке

## 8.2. Дополнительная литература

1. Ващекин, А. Н. Математические методы и модели в экономике : учебное пособие / А. Н. Ващекин, В. Ю. Квачко, Е. В. Царькова ; под. ред. Е. В. Царьковой. - Москва : РГУП, 2019. - 158 с. - ISBN 978-5-93916-716-1. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/1194065> – Режим доступа: по подписке
2. Б.Т. Кузнецов. Математические методы и модели исследования операций. - М.: ЮНИТИ-Дана, 2010
3. Кундышева, Е. С. Математические методы и модели в экономике : учебник / Е. С. Кундышева, Б. А. Суслаков. - 4-е изд., перераб. - Москва : Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2023. - 286 с. - ISBN 978-5-394-03138-0. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2083020> – Режим доступа: по подписке
4. А. А. Самарский, А. П. Михайлов. Математическое моделирование: Идеи. Методы. Примеры. - М.: Физматлит, 2011.

## 9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

### 9.1. Общесистемные требования

#### Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде (ЭИОС) Университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», как на территории Университета, так и вне ее.

Функционирование ЭИОС обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий и квалификацией работников, ее использующих и поддерживающих. Функционирование ЭИОС соответствует законодательству Российской Федерации.

Адрес официального сайта университета: <http://kchgu.ru>.

Адрес размещения ЭИОС ФГБОУ ВО «КЧГУ»: <https://do.kchgu.ru>.

#### Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 249 эбс от 14.05.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://znanium.com">https://znanium.com</a>	от 14.05.2025г. до 14.05.2026г.
2025-2026	Электронно-библиотечная система «Лань». До-	от 11.02.2025г.

учебный год	говор № 10 от 11.02.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://e.lanbook.com">https://e.lanbook.com</a>	до 11.02.2026г.
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система КЧГУ. Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015г. Протокол № 1. Электронный адрес: <a href="http://lib.kchgu.ru">http://lib.kchgu.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Национальная электронная библиотека (НЭБ). Договор №101/НЭБ/1391-п от 22.02.2023 г. Электронный адрес: <a href="http://rusneb.ru">http://rusneb.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU». Лицензионное соглашение №15646 от 21.10.2016 г. Электронный адрес: <a href="http://elibrary.ru">http://elibrary.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Электронный ресурс Polpred.comОбзор СМИ. Соглашение. Бесплатно. Электронный адрес: <a href="http://polpred.com">http://polpred.com</a>	Бессрочный

#### ***9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины***

Занятия проводятся в учебных аудиториях, предназначенных для проведения занятий лекционного и практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации в соответствии с расписанием занятий по образовательной программе. С описанием оснащенности аудиторий можно ознакомиться на сайте университета, в разделе материально-технического обеспечения и оснащенности образовательного процесса по адресу: <https://kchgu.ru/sveden/objects/>

#### ***9.3. Необходимый комплекс лицензионного программного обеспечения***

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- MicrosoftOffice (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY FineReader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- CalculateLinux (внесён в ЕРРП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 280E-210210-093403-420-2061), с 25.01.2023 г. по 03.03.2025 г.
- Kaspersky Endpoint Security. Договор №0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Срок действия лицензии с 27.02.2025г. по 07.03.2027г.

#### ***9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы***

1. Федеральный портал «Российское образование» - <https://edu.ru/documents/>

2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevier <http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.
4. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.
5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
6. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
7. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window.edu.ru>.

## **10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья**

В ФГБОУ ВО «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д. Алиева» созданы условия для получения высшего образования по образовательным программам обучающихся с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ).

Специальные условия для получения образования по ОПВО обучающимися с ограниченными возможностями здоровья определены «[Положением об обучении лиц с ОВЗ в КЧГУ](#)», размещенным на сайте Университета по адресу: <http://kchgu.ru>.

## 11. Лист регистрации изменений

<b>Изменение</b>	<b>Дата и номер протокола ученого совета факультета/института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений в ОП</b>	<b>Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения в ОП</b>
<p>Переутверждена ОП ВО. Обновлены: учебный план, календарный учебный план, РПД, РПП, программы ГИА, воспитания календарный план воспитательной работы.</p> <p>Обновлены договоры:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. На антивирус Касперского. (Договор №56/2023 от 25 января 2023г.). Действует до 03.03.2025г.</li> <li>2. Договор №915 ЭБС ООО «Знаниум» от 12.05.2023г. Действует до 15.05.2024г.</li> <li>3. Договор №36 от 14.03.2024г эбс «Лань». Действует по 19.01.2025г.</li> <li>4. Договор №238 ЭБС ООО «Знаниум» от 23.04.2024г. Действует до 11 мая 2025г.</li> </ol>	23.05.2024г. протокол №10	29.05.2024г. протокол №8
<p>Переутверждена ОПВО. Обновлены: учебный план, календарный учебный график, РПД, РПП, программы ГИА, воспитания, календарный план воспитательной работы.</p> <p>Обновлены договоры:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. На антивирус Касперского. (Договор №56/2023 от 25 января 2023г.). Действует до 03.03.2025г.</li> <li>2. На антивирус Касперского. (Договор № 0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Действует по 07.03.2027г.</li> <li>3. Договор № 10 от 11.02.2025г. эбс «Лань». Действует по 11.02.2026г.</li> <li>4. Договор № 238 эбс ООО «Знаниум» от 23.04.2024г. Действует до 11 мая 2025г.</li> </ol> <p>Договор № 249-эбс ООО «Знаниум» от 14.05.2025г. Действует до 14.05.2026г.</p>	29.04.2025г., протокол № 8	30.04.2025г., протокол № 8